

L'usage ou la possession de tout appareil électronique sera considéré comme de la fraude. Documents interdits.

DATE : 15/06/2026

DURÉE : 2 heures

NOTE : /20

La notation est donnée à titre indicatif.

PRÉNOM :

NUMÉRO D'ÉTUDIANT :

Exercice 1 : Calculs binaires (3,5 points)

1. En utilisant l'algorithme vu en cours, écrire 113 en binaire.

[illegible]

2. En déduire la représentation binaire signée sur 8 bits de -113.

[illegible]

3. En utilisant l'algorithme vu en cours, donnez l'écriture décimale du nombre positif dont la représentation binaire est 101 1101.

[illegible]

2. On souhaite stocker ces mots dans une liste sans duplications. Écrire la fonction `ajout_si_nouveau(chaine, liste)` qui ajoute, si elle n'y est pas déjà, la chaîne en fin de liste. La liste en paramètre sera **modifiée**. On ne pourra pas tester l'appartenance d'un mot à une liste avec le mot clé `in` ; il faudra parcourir la liste donnée en paramètre avec une boucle.

```
1 >>> L
2 ['Saluton', 'Ciao']
3 >>> ajout_si_nouveau("Bonjour", L) # Bonjour n'étant pas dans L sera ajouté à la fin
4 >>> L
5 ['Saluton', 'Ciao', 'Bonjour']
6 >>> ajout_si_nouveau("Ciao", L) # Ciao ne sera pas ajoutée.
7 >>> L
8 ['Saluton', 'Ciao', 'Bonjour']
```

.....

.....

.....

.....

.....

.....

3. En utilisant ces deux dernières fonctions, déduire `liste_mots_uniques(liste_phrases)` qui renvoie la liste (sans répétition) de tous les premiers mots des phrases de la liste en paramètre.

```
1 >>> liste_mots_uniques(liste_phrases)
2 ['Bonjour', 'Saluton', 'Ciao', 'Yeah', 'Wesh']
```

.....

.....

.....

.....

.....

.....

4. On se rappelle soudain l'existence en Python d'un type ensemble permettant de gérer des collections sans duplications. Écrire la fonction `ensemble_mots(liste)` qui construit et renvoie un ensemble contenant tous les premiers mots des phrases de la liste en paramètre. Votre fonction devra construire directement l'ensemble sans utiliser les fonctions précédentes ni une liste intermédiaire.

```
1 >>> ensemble_mots(liste_phrases)
2 {'Bonjour', 'Ciao', 'Yeah', 'Wesh', 'Saluton'}
```

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Exercice 3 : Statistiques linguistique (6,5 points)

Maintenant que nous avons une liste de mots (voir exercice précédent), nous pouvons les analyser. Pour cela nous utilisons un dictionnaire associant à chaque langue une liste de mots.

```
1 dico_bonjour = { "Fr" : ["Bonjour", "Salut"] ,      # Français
2                  "Us" : ["Hello", "Hi", 'Yeah'] ,  # Américain
3                  "Eo" : ["Saluton"],               # Espérantiste
4                  "Jp" : ["Wesh"],                  # Jeunesse périurbaine
5                  "It" : ["Ciao", "Buongiorno"] }    # Italien
```

1. Nous souhaitons créer un dictionnaire inverse du précédent dans lequel les clés sont les mots et les valeurs associées sont les langues. Écrire la fonction `inverser_dico(dico)` construisant une telle inversion en renvoyant le dictionnaire inverse.

```
1 >>> dico_bonjour["Fr"]
2 ['Bonjour', 'Salut']
3 >>> dicinv = inverser_dico(dico_bonjour)
4 >>> dicinv["Salut"]
5 'Fr'
6 >>> dicinv["Bonjour"]
7 'Fr'
```

```
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
```

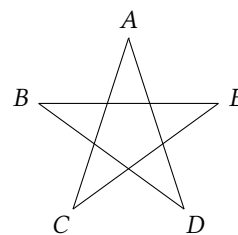
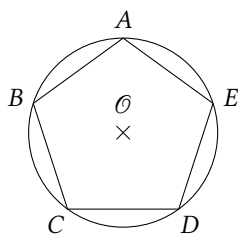
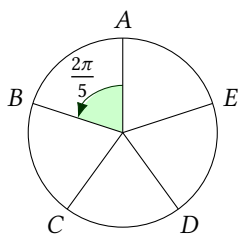
2. On souhaite calculer à partir d'un dictionnaire inversé et d'une liste de mots, le nombre d'occurrences associé à une langue donnée en paramètre. Écrire `nombre_occurrences(langue, liste_mots, dicinv)` qui compte et renvoie le nombre de mots de la langue en paramètre.

```
1 >>> liste_mots
2 ['Bonjour', 'Saluton', 'Yeah', 'Wesh', 'Saluton', 'Ciao', 'Bonjour', 'Salut', 'Saluton']
3 >>> nombre_occurrences("Fr", liste_mots, dicinv) # 'Bonjour', 'Bonjour' et 'Salut'
4 3
5 >>> nombre_occurrences("Es", liste_mots, dicinv) # Et les mots espagnols ?
6 0
7 >>> nombre_occurrences("It", liste_mots, dicinv) # 'Ciao'
8 1
```

```
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
```


Exercice 4 : L'étoile espérantiste : « La stelo » (5,5 points)

On souhaite dans cet exercice tracer le symbole de l'Espéranto : une étoile à cinq branches. Pour cela, nous allons partir d'un point A de coordonnées $(0,1)$ sur le cercle unité. Par rotation successive d'angle $\frac{2\pi}{5}$ on obtient les points du pentagone A, B, C, D , et E . Il suffit alors de les relier dans le bon ordre.



1. Commencez par créer une classe `Point` avec deux attributs `x` et `y`. La classe pourra s'utiliser comme dans l'exemple ci-dessous.

```
1 >>> p = Point(5,2)
2 >>> (p.x, p.y)
3 (5, 2)
```

.....

.....

.....

.....

.....

2. Il y a deux systèmes de coordonnées, le système mathématique avec le point O au centre et le système informatique (utilisé en Tk). Expliquer la différence entre les deux systèmes. On supposera jusqu'à la fin de l'exercice que l'on travaille dans le système de coordonnées mathématiques.

.....

.....

.....

.....

3. Écrire la fonction `rotation(p, alpha)`, où p est un objet de la classe `Point`, qui calcule et renvoie le point image de la rotation du point p de centre O et d'angle α . On rappelle que le résultat d'une rotation d'angle α d'un point $p = (x_0, y_0)$, autour du point origine du repère $O(0, 0)$ donne un point p_α de coordonnées :

$$\begin{cases} x = x_0 \cos(\alpha) - y_0 \sin(\alpha) \\ y = x_0 \sin(\alpha) + y_0 \cos(\alpha) \end{cases}$$

```
1 # On suppose que l'import suivant a été fait préalablement.
2 from math import cos, sin, pi
```

.....

.....

.....

.....

.....

4. Avec une boucle `for` et à l'aide de la fonction précédente, écrire la fonction `pentagone(A)` qui à partir d'un point initial, renvoie la liste de tous les points du pentagone, centré sur $\mathcal{O}(0,0)$ et dont le premier sommet est A .

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

5. En utilisant la fonction précédente, écrire une fonction `étoile(p)` qui renvoie la liste des points du pentagone mais dans l'ordre nécessaire pour tracer l'étoile (c'est-à-dire A, C, E, B et D).

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

6. On suppose fournie une fonction `ligne(p,q)` qui relie par un segment les deux points. En utilisant cette fonction, écrire la fonction `stelo()` qui trace l'étoile espérantiste ! Quelle belle conclusion pour cette magnifique épreuve.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....